

- 3 -

- $BAC = AHC = AHB = 90^\circ$
- $BAH = ABH = ACH = CAH = 45^\circ$
- $BC = AB\sqrt{2} = AC\sqrt{2}$; $a = HB\sqrt{2} = HC\sqrt{2} = AH\sqrt{2}$
- AH là đường cao, đường trung trực, đường trung tuyến, tia phân giác của ΔABC
- $a = \frac{BC\sqrt{2}}{2} = BH\sqrt{2} = CH\sqrt{2} = AH\sqrt{2} = \frac{(BH + CH)\sqrt{2}}{2} = \frac{(BH + AH)\sqrt{2}}{2} = \frac{(CH + AH)\sqrt{2}}{2}$
- $S_{ABC} = \frac{AH \cdot BC}{2} = \frac{AH^2 + AH^2}{2}$

ΔABC vuông tại A

$$\left. \begin{array}{l} BC = AB\sqrt{2} \\ BC = AC\sqrt{2} \\ AB = \frac{BC\sqrt{2}}{2} \\ AB = AC \\ ABC = ABD \\ ABC = 45^\circ \\ ACB = 45^\circ \end{array} \right\}$$

$\Rightarrow \Delta ABC$ vuông cân tại A

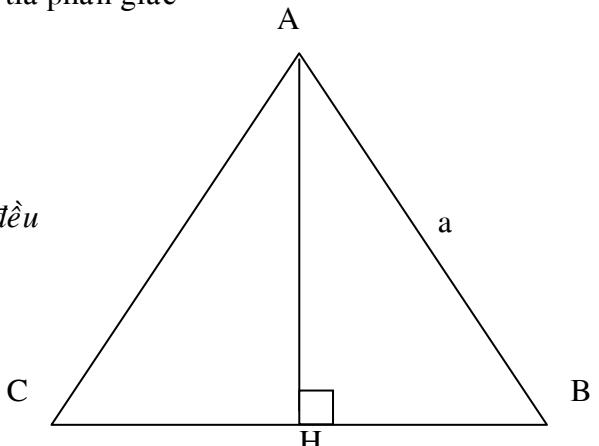
*Chứng minh một tam giác vuông cân: $AC = \frac{BC\sqrt{2}}{2}$

7) Tam giác đều

- ΔABC đều; $AB = AC = BC = a$
- AH là đường cao, đường trung tuyến, đường trung trực và tia phân giác
- $CH = HB = \frac{a}{2}$; $AH = \frac{a\sqrt{3}}{2}$; $S_{ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$

*Chứng minh một tam giác đều:

$$\left. \begin{array}{l} \Delta ABC \text{ cân} \\ ABC = 60^\circ \\ ACB = 60^\circ \\ CAB = 60^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta ABC \text{ đều}$$



8) Nửa tam giác đều

- ΔACH và ΔABH là nửa tam giác đều
- $AH = \frac{AB\sqrt{3}}{2} = \frac{AC\sqrt{3}}{2} = BH\sqrt{3} = CH\sqrt{3}$
- $CH = BH = \frac{AB}{2} = \frac{AC}{2} = \frac{AH\sqrt{3}}{3}$
- $AB = AC = 2CH = 2BH = \frac{2AH\sqrt{3}}{3}$

- **Định lí 2:** Đoạn thẳng nối trung điểm hai cạnh của tam giác thì song song với cạnh thứ ba và bằng nửa cạnh thứ ba.

- **Định lí 3:** Đoạn thẳng nối trung điểm hai cạnh tam giác gọi là đường trung bình của tam giác.

5. Tính chất ba đường trung tuyến:

- Trong một tam giác, ba đường trung tuyến cắt nhau tại một điểm. Điểm đó gọi là trọng tâm của tam giác.

- Khoảng cách từ đỉnh đến trọng tâm bằng $\frac{2}{3}$ trung tuyến đó.

6. Tính chất đường phân giác:

a) Tính chất 3 đường phân giác:

Định lí về phân giác của góc:

+ **Định lí thuận:** Bất cứ điểm nào nằm trên đường phân giác của một góc thì cũng cách đều 2 cạnh góc đó.

+ **Định lí đảo:** Điểm nào cách đều 2 cạnh của một góc thì nằm trên phân giác của góc đó.

